

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Тамбовский государственный университет имени Г.Р. Державина»
Педагогический институт
Кафедра функционального анализа

УТВЕРЖДАЮ:
Директор института



Т. И. Гущина
«05» июля 2021 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

по дисциплине Б1.В.ДВ.13.2 Вариационное исчисление и методы оптимизации

Направление подготовки/специальность: 44.03.05 - Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Профиль/направленность/специализация: Физика и математика

Уровень высшего образования: бакалавриат

Квалификация: Бакалавр

год набора: 2021

Автор программы:

Кандидат физико-математических наук, доцент Панасенко Елена Александровна

Рабочая программа составлена в соответствии с ФГОС ВО по направлению подготовки 44.03.05 - Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки) (уровень бакалавриата) (приказ Министерства образования и науки РФ от «22» февраля 2018 г. № 125).

Рабочая программа принята на заседании Кафедры функционального анализа «18» мая 2021 г. Протокол № 9

Рассмотрена и одобрена на заседании Ученого совета Педагогического института, Протокол от «05» июля 2021 г. № 8.

СОДЕРЖАНИЕ

1. Цели и задачи дисциплины.....	4
2. Место дисциплины в структуре ОП бакалавра.....	5
3. Объем и содержание дисциплины.....	5
4. Контроль знаний обучающихся и типовые оценочные средства.....	7
5. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля).....	12
6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины.....	14
7. Материально-техническое обеспечение дисциплины, программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы.....	14

1. Цели и задачи дисциплины

1.1 Цель дисциплины – формирование компетенций:

ПК-3 Способен реализовывать образовательные программы различных уровней в соответствии с современными методиками и технологиями, в том числе информационно-коммуникационными, для обеспечения качества учебно-воспитательного процесса

1.2 Типы задач профессиональной деятельности, к которым готовятся обучающиеся в рамках освоения дисциплины:

- педагогический

1.3 Дисциплина ориентирована на подготовку обучающихся к профессиональной деятельности в сфере: 01 Образование и наука (в сфере начального, общего, основного общего, среднего общего образования, профессионального обучения, профессионального образования, в сфере научных исследований)

1.4 В результате освоения дисциплины у обучающихся должны быть сформированы:

Обобщенные трудовые функции / трудовые функции / трудовые или профессиональные действия (при наличии профстандарта)	Код и наименование компетенции ФГОС ВО, необходимой для формирования трудового или профессионального действия	Индикаторы достижения компетенций
	ПК-3 Способен реализовывать образовательные программы различных уровней в соответствии с современными методиками и технологиями, в том числе информационно-коммуникационными, для обеспечения качества учебно-воспитательного процесса	Использует в своей профессиональной деятельности основные методы и средства получения, хранения, переработки информации, возможности использования технологии дополненной реальности.. В полном объеме владеет практическими навыками получения, хранения, переработки и передачи информации

1.5 Согласование междисциплинарных связей дисциплин, обеспечивающих освоение компетенций:

ПК-3 Способен реализовывать образовательные программы различных уровней в соответствии с современными методиками и технологиями, в том числе информационно-коммуникационными, для обеспечения качества учебно-воспитательного процесса

№ п/п	Наименование дисциплин, определяющих междисциплинарные связи	Форма обучения							
		Заочная (семестр)							
		3	4	5	6	7	8	9	10
1	Актуальные проблемы физики				+				
2	ИКТ в области преподавания физики и математики						+		
3	Информатика	+	+						

4	Информационная безопасность				+				
5	Информационные системы и технологии					+	+		
6	Компьютерное моделирование физических процессов								+
7	Компьютерные сети						+		
8	Новые информационные технологии в образовании						+		
9	Педагогическая практика		+	+	+			+	+
10	Практикум по решению задач элементарной математики					+	+		
11	Ресурсы сети Интернет				+				
12	Уравнения в частных производных				+				
13	Численные методы				+				

2. Место дисциплины в структуре ОП бакалавриата:

Дисциплина «Вариационное исчисление и методы оптимизации» относится к части, формируемой участниками образовательных отношений, учебного плана ОП по направлению подготовки 44.03.05 - Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки).

Дисциплина «Вариационное исчисление и методы оптимизации» изучается в 8 семестре.

3. Объем и содержание дисциплины

3.1. Объем дисциплины: 3 з.е.

Заочная: 3 з.е.

Вид учебной работы	Заочная (всего часов)
Общая трудоёмкость дисциплины	108
Контактная работа	12
Лекции (Лекции)	6
Практические (Практ. раб.)	6
Самостоятельная работа (СР)	87
Экзамен	9

3.2. Содержание курса:

№ темы	Название раздела/темы	Вид учебной работы, час.			Формы текущего контроля
		Лек ции	Пра кт. раб.	СР	
		3	3	3	
8 семестр					

1	Экстремальные задачи: основные понятия. Гладкие конечномерные задачи.	2	2	29	Контрольная работа; Решение задач на практических занятиях
2	Элементы функционального анализа и дифференциального исчисления. Экстремумы функционалов в нормированных пространствах	2	2	29	Решение задач на практических занятиях
3	Вариационное исчисление	2	2	29	Выполнение практических заданий; Контрольная работа

Тема 1. Экстремальные задачи: основные понятия. Гладкие конечномерные задачи. (ПК-3)

Лекция.

Лекция 1. Общая постановка экстремальной задачи. Примеры экстремальных задач, формализация.

Лекция 2. Основные разделы ТЭЗ. Основные понятия ТЭЗ, общая терминология.

Лекция 3. Основные принципы решения экстремальных задач, необходимые и достаточные условия экстремума. Гладкие конечномерные задачи без ограничений.

Лекция 4. Гладкие конечномерные задачи с ограничениями в виде равенств.

Лекция 5. Гладкие конечномерные задачи с ограничениями в виде неравенств.

Практическое занятие.

Занятия №1,2. Формализация экстремальных задач. Конечномерные гладкие задачи. [1] № 1.1.-1.14.

Занятия №3. Гладкие конечномерные задачи с ограничениями в виде равенств. [1] № 2.1.-2.14.

Занятия №4,5. Гладкие конечномерные задачи с ограничениями в виде неравенств. [1] № 3.1.-3.14.

Занятие №6. Контрольная работа № 1.

Задания для самостоятельной работы.

- 1 Этапы развития теории экстремальных задач.
- 2 Основные разделы и классификация экстремальных задач.
- 3 Углубленное изучение материалов темы.
- 4 Решение задач, аналогичных рассматриваемым на практических занятиях.

Тема 2. Элементы функционального анализа и дифференциального исчисления. Экстремумы функционалов в нормированных пространствах (ПК-3)

Лекция.

Лекция 6. Нормированные и банаховы пространства. Производная по направлению, вариация по Лагранжу,

Лекция 7. Производные по Гато и Фреше.

Лекция 8. Строгая дифференцируемость. Производные высших порядков.

Лекция 9. Экстремумы функционалов в нормированных пространствах.

Практическое занятие.

Занятия №7,8. Производная по направлению, вариация по Лагранжу. Производные по Гато и Фреше. [1] №5.1.- 5.10.

Занятия №9,10. Производные высших порядков. Экстремумы функционалов в нормированных пространствах. [1] №5.11.- 5.20.

Задания для самостоятельной работы.

- 1 Доказать, что все конечномерные нормированные пространства банаховы.
- 2 Построить пример нормированного, но не банахова пространства.
- 3 Привести пример двумерного подпространства $C([0, 1])$, единичным шаром которого является единичный круг.
- 4 Углубленное изучение материалов темы.
- 5 Решение задач, аналогичных рассматриваемым на практических занятиях.

Тема 3. Вариационное исчисление (ПК-3)

Лекция.

Лекция 10. Задачи на отыскание слабого экстремума.

Лекция 11. Простейшая задача вариационного исчисления: постановка, правило решения, необходимое условие слабого экстремума первого порядка.

Лекция 12. Леммы Лагранжа и Дюбуа-Реймона.

Лекция 13. Уравнение Эйлера и его частные случаи.

Лекция 14. Задача Больца: постановка, правило решения, необходимое условие слабого экстремума первого порядка.

Лекция 15. Задачи с подвижными концами и границами: постановка, правило решения.

Лекция 16. Изопериметрическая задача: постановка, правило решения, необходимое условие первого порядка.

Лекция 17. Условия второго порядка в задачах вариационного исчисления. Сильные локальные экстремумы.

Лекция 18. Необходимые и достаточные условия сильного локального экстремума в простейшей задаче.

Практическое занятие.

Практические занятия

Занятие №11. Простейшая задача вариационного исчисления. Частные случаи уравнения Эйлера. [1], стр. 175. №1.1.-1.12.

Занятие №12. Функционалы, зависящие от производных высших порядков, векторная задача. [1], стр. 199. № 5.1.-5.10.

Занятие №13. Задача Больца. [1], стр. 181. № 2.1.-2.5., 2.8.-2.12.

Занятие №14. Задачи с подвижными концами и границами. [1], стр. 185. № 3.1.-3.10.

Занятие №15. Изопериметрическая задача. [1], стр. 192. № 4.1.-4.10.

Занятие №16,17. Условия второго порядка в задачах вариационного исчисления. Сильные локальные экстремумы. [1], стр. 277. № 1.1.-1.10.

Занятие №18. Контрольная работа № 2.

Задания для самостоятельной работы.

1. Углубленное изучение материалов темы.
2. Решение задач, аналогичных рассматриваемым на практических занятиях.

4. Контроль знаний обучающихся и типовые оценочные средства

4.1. Распределение баллов:

Балльно-рейтинговые мероприятия не предусмотрены

4.2 Типовые оценочные средства текущего контроля

Выполнение практических заданий

Тема 3. Вариационное исчисление

Тема № 3. Классическое вариационное исчисление.

1. [1], стр. 175, №№1.5. – 1.12.
2. [1], стр. 181, №№ 2.1. – 2.3., 2.6. – 2.10.
3. [1], стр. 185, №№ 3.1., 3.2., 3.5. – 3.11.
4. [1], стр. 199, №№ 5.3. – 5.9.
5. [1], стр. 192, №№ 4.3. – 4.10.
6. [1], стр. 277, №№ 1.1. – 1.10.

Контрольная работа

Тема 1. Экстремальные задачи: основные понятия. Гладкие конечномерные задачи.

Контрольная работа №1**Тема 1. Экстремальные задачи: основные понятия. Гладкие конечномерные задачи.**

Решить гладкие конечномерные задачи на безусловный и условный экстремум:

- 1) $x_1^3 + x_2^3 - 3x_1x_2 \rightarrow extr$;
- 2) $3x_1x_2 - x_1^2x_2 - x_1x_2^2 \rightarrow extr$;
- 3) $4x + 3y \rightarrow extr, x^2 + y^2 = 1$;
- 4) $e^{xy} \rightarrow extr, x + y = 1$;
- 5) $xyz \rightarrow extr, x^2 + y^2 + z^2 = 1, x + y + z = 0$;
- 6) $x_1x_2 + x_2x_3 \rightarrow extr, x_1^2 + x_2^2 = 2, x_2 + x_3 = 2$;
- 7) $xyz \rightarrow extr, x^2 + y^2 + z^2 \leq 1$;
- 8) $e^{x_1-x_2} - x_1 - x_2 \rightarrow extr, x_1 + x_2 \leq 1, x_1 \geq 0, x_2 \geq 0$
- 9) $x_1x_3 - 2x_2 \rightarrow extr, 2x_1 - x_2 - 3x_3 \leq 10, x_2 \geq 0, 3x_1 + 2x_2 + x_3 = 6$
- 10) $x_1x_2x_3 \rightarrow extr, x_3 \geq 1, x_1 \geq 1, x_2 \geq 1, x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 = 8$.

Тема 3. Вариационное исчисление

Контрольная работа №2

Тема 3. Классическое вариационное исчисление

1. Решить простейшую задачу ВИ (использовать необходимое условие 1-го порядка и определение)

$$1) \int_0^1 (\dot{x}^2 - t^2 x) dt \rightarrow \text{extr}, x(0) = x(1) = 0; \quad 2) \int_{-1}^1 (\dot{y}^2 - 2xy) dx \rightarrow \text{extr}, y(-1) = y(1) = 1.$$

2. Найти допустимые экстремали в задаче Больца

$$1) \int_0^{\frac{\pi}{2}} (\dot{x}^2 - x^2) dt + x^2(0) - x^2\left(\frac{\pi}{2}\right) + 4x\left(\frac{\pi}{2}\right) \rightarrow \text{extr}; \quad 2) \int_0^{\frac{\pi}{2}} (\dot{x}^2 - x^2 - 2x) dt - 2x^2(0) - x^2\left(\frac{\pi}{2}\right) \rightarrow \text{extr}.$$

3. Найти допустимые экстремали в задаче со свободной границей

$$1) \int_0^b \dot{x}^2 dt \rightarrow \text{extr}, x(0) = 0, b + x(b) + 1 = 0; \quad 2) \int_0^b \dot{x}^2 dt \rightarrow \text{extr}, x(0) = 0, (b-1)x^2(b) + 2 = 0.$$

4. Решить простейшую задачу ВИ (использовать необходимые и достаточные условия 1-го и 2-го порядков)

$$1) \int_0^1 x^2 \dot{x}^2 dt \rightarrow \text{extr}, x(0) = 1, x(1) = \sqrt{2}; \quad 2) \int_1^e (x\dot{y}^2 + y\dot{y}) dx \rightarrow \text{extr}, y(1) = 0, y(e) = 1.$$

5. Решить векторную задачу

$$1) \int_0^{\frac{\pi}{4}} (\dot{x}^2 - 2x - 4y^2 + \dot{y}^2) dx \rightarrow \text{extr}, y(0) = z(0) = 0, y\left(\frac{\pi}{4}\right) = z\left(\frac{\pi}{4}\right) = 1;$$

$$2) \int_0^{\frac{\pi}{2}} (\dot{x}^2 + \dot{y}^2 - 2yz) dx \rightarrow \text{extr}, y(0) = z(0) = 0, y\left(\frac{\pi}{2}\right) = z\left(\frac{\pi}{2}\right) = 1.$$

Решение задач на практических занятиях

Тема 1. Экстремальные задачи: основные понятия. Гладкие конечномерные задачи.

Задания для практических занятий

Тема 1. Экстремальные задачи: основные понятия. Гладкие конечномерные задачи.

1. Какие из приведенных ниже задач нельзя решить с помощью метода множителей Лагранжа?

$$a) x_1 + 2x_2 + 3x_3 \rightarrow \text{extr} \quad b) x_1 x_2 x_3 \rightarrow \text{extr} \quad c) -x_1 - x_2 \rightarrow \text{extr}$$

$$x_1 \geq 0$$

$$x_1 + x_2 = 1$$

$$x_1 + x_2 \geq 0$$

$$x_2 \leq 0$$

- d) $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 \rightarrow \text{extr}$ e) $x_2 \ln x_1 \rightarrow \text{extr}$ f) $x_2^2 \ln x_1^2 \rightarrow \text{extr}$
 $x_1 \geq 0$ $x_1 \geq 0$ $x_1 \geq 0$
 $x_2 \geq 0$ $x_2 \leq 0$ $x_2 \geq 0$
 $x_3 \geq 0$ $x_1 + x_2 \leq 1$ $x_1 + x_2 \leq 1$

2. К каким из приведенных ниже задач применимо следствие из т. Вейерштрасса?

- a) $x_1 + 2x_2 + 3x_3 \rightarrow \text{extr}$ b) $x_3^2 \rightarrow \text{extr}$ c) $-x_1 - x_2 \rightarrow \text{extr}$
 $x_1 \geq 0$ $x_1 + x_2 = 1$ $x_1 + x_2 \geq 0$
 $x_2 \leq 0$

- d) $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 \rightarrow \text{extr}$ e) $x_2 \ln x_1 \rightarrow \text{extr}$ f) $x_2^2 \ln x_1^2 \rightarrow \text{extr}$
 $x_1 \geq 0$ $x_1 \geq 0$ $x_1 + x_2 \leq 0$
 $x_2 \geq 0$ $x_2 \leq 0$
 $x_3 \geq 0$ $x_1 + x_2 \leq 1$

3. Установить знакоопределенность матрицы:

- a) $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ b) $\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}$ c) $\begin{pmatrix} -\sqrt{2} & -\sqrt[4]{2} \\ -\sqrt[4]{2} & -1 \end{pmatrix}$ d) $\begin{pmatrix} 0 & -5 \\ -5 & 0 \end{pmatrix}$ e) $\begin{pmatrix} 4\ln \frac{1}{2} & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ f) $\begin{pmatrix} -3 & -3 \\ -3 & -3 \end{pmatrix}$

4. Найти экстремумы в задачах без ограничений:

- 1) $f(x_1, x_2) = x_1^2 - x_2^2 - 4x_1 + 6x_2 \rightarrow \text{extr}$
 2) $f(x_1, x_2) = x_1^4 + x_2^4 - x_1^2 - 2x_1x_2 - x_2^2 \rightarrow \text{extr}$
 3) $f(x_1, x_2) = x_1^2 - x_2^2 + 2e^{-x_1^2} \rightarrow \text{extr}$
 4) $f(x_1, x_2) = \sin x_2 - x_1^2 \rightarrow \text{extr}$
 5) $f(x_1, x_2, x_3) = x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 - x_1x_2 + x_1 - 2x_3 \rightarrow \text{extr}$

5. Найдите экстремумы в задачах с ограничениями в виде равенств:

- 1) $x_1^2 + x_2^2 \rightarrow \text{extr}, 3x_1 + 4x_2 = 1$
 2) $x_1 + x_2 \rightarrow \text{extr}, 5x_1^2 + 4x_1x_2 + x_2^2 = 1$
 3) $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 \rightarrow \text{extr}, x_1 + x_2 + x_3 = 1, x_1 + x_2 - x_3 = \frac{1}{2}$
 4) $x_1x_2x_3^3 \rightarrow \text{extr}, x_1 + x_2 + x_3 = 1$
 5) $x_1x_2^2x_3^3 \rightarrow \text{extr}, x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 = 1$

6. Найдите экстремумы в задачах с ограничениями в виде равенств и неравенств:

- 1) $x_1^2 + x_2 \rightarrow \text{extr}, x_1^2 + x_2^2 \leq 1, x_1 \geq 0, x_2 \geq 0$
 2) $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 \rightarrow \text{extr}, x_1 + x_2 + x_3 \leq 1, x_1 \geq 0, x_1 + x_2 - x_3 = \frac{1}{2}$
 3) $x_1^2 + 4x_2^2 + x_3^2 \rightarrow \text{extr}, x_1 + x_2 + x_3 \leq 12, x_1 \geq 0, x_2 \geq 0, x_3 \geq 0$

Решение задач на практических занятиях

Тема 2. Элементы функционального анализа и дифференциального исчисления. Экстремумы функционалов в нормированных пространствах

Устный опрос, решение задач

4.3 Промежуточная аттестация по дисциплине проводится в форме экзамена

Типовые вопросы экзамена (ПК-3)

Вопросы по дисциплине «Вариационное исчисление и методы оптимизации» для экзамена

- 1 Общая постановка экстремальной задачи. Примеры экстремальных задач (задача Дидоны, задача о брахистохроне, задача о геодезических), формализация.
- 2 Основные разделы ТЭЗ.
- 3 Основные понятия ТЭЗ, общая терминология: задачи на условный и безусловный экстремумы, целевые функционалы, допустимые точки (экстремали), локальные и глобальные экстремумы.
- 4 Основные принципы решения экстремальных задач, необходимые и достаточные условия экстремума.
- 5 Принцип Лагранжа: сведение задач с ограничениями к задачам без ограничений.
- 6 Конечномерные гладкие задачи без ограничений: постановка, правило решения, теорема Ферма. Условия второго порядка.
- 7 Гладкая конечномерная задача с ограничениями в виде равенств: постановка, правило решения. Необходимое условие экстремума первого порядка – принцип Лагранжа.
- 8 Необходимое и достаточное условия второго порядка в гладкой конечномерной задаче с ограничениями в виде равенств.
- 9 Гладкая конечномерная задача с равенствами и неравенствами: постановка, правило решения. Необходимое условие первого порядка, необходимое и достаточное условия второго порядка. Применение теоремы Вейерштрасса и следствия из нее.
- 10 Функционалы в нормированных пространствах. Производная по направлению, вариация по Лагранжу, производные по Гато и Фреше.
- 11 Строгая дифференцируемость. Производные высших порядков.
- 12 Основные теоремы дифференциального исчисления в нормированных пространствах (теорема о суперпозиции, формула Тейлора, теоремы об обратной и неявной функциях).
- 13 Экстремумы функционалов в нормированных пространствах.
- 14 Задачи на отыскание слабого экстремума. Простейшая задача вариационного исчисления: постановка, правило решения, необходимое условие слабого экстремума первого порядка.
- 15 Леммы Лагранжа и Дюбуа-Реймона.
- 16 Уравнение Эйлера и его частные случаи.
- 17 Функционалы, зависящие от производных высших порядков, векторная задача.
- 18 Задача Больца: постановка, правило решения, необходимое условие слабого экстремума первого порядка.
- 19 Задачи с подвижными концами и границами: постановка, правило решения.
- 20 Изопериметрическая задача: постановка, правило решения, необходимое условие первого порядка.
- 21 Условия второго порядка в задачах вариационного исчисления: условия Лежандра и Якоби.
- 22 Сильные локальные экстремумы. Необходимые и достаточные условия сильного локального экстремума в простейшей задаче.

Типовые задания для экзамена (ПК-3)

1. Какие из приведенных ниже задач нельзя решить с помощью метода множителей Лагранжа?
2. К какому из приведенных ниже задач применимо следствие из т. Вейерштрасса?
3. Какие из приведенных ниже матриц являются неположительно определенными?

4.4. Шкала оценивания промежуточной аттестации

Оценка	Компетенции	Дескрипторы (уровни) – основные признаки освоения (показатели достижения результата)
«отлично»	ПК-3	Отлично использует в своей профессиональной деятельности основные методы и средства получения, хранения, переработки информации, возможности использования технологии дополненной реальности.. В полном объеме владеет практическими навыками получения, хранения, переработки и передачи информации.
«хорошо»	ПК-3	Хорошо использует в своей профессиональной деятельности основные методы и средства получения, хранения, переработки информации, возможности использования технологии дополненной реальности.. В полном объеме владеет практическими навыками получения, хранения, переработки и передачи информации.
«удовлетворительно»	ПК-3	Плохо использует в своей профессиональной деятельности основные методы и средства получения, хранения, переработки информации, возможности использования технологии дополненной реальности.. В полном объеме владеет практическими навыками получения, хранения, переработки и передачи информации.
«неудовлетворительно»	ПК-3	Не использует в своей профессиональной деятельности основные методы и средства получения, хранения, переработки информации, возможности использования технологии дополненной реальности.. В полном объеме владеет практическими навыками получения, хранения, переработки и передачи информации.

5. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)

5.1 Методические указания по организации самостоятельной работы обучающихся:

Приступая к изучению дисциплины, в первую очередь обучающимся необходимо ознакомиться содержанием рабочей программы дисциплины (РПД), которая определяет содержание, объем, а также порядок изучения и преподавания учебной дисциплины, ее раздела, части.

Для самостоятельной работы важное значение имеют разделы «Объем и содержание дисциплины», «Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины» и «Материально-техническое обеспечение дисциплины, программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы».

В разделе «Объем и содержание дисциплины» указываются все разделы и темы изучаемой дисциплины, а также виды занятий и планируемый объем в академических часах.

В разделе «Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины» указана рекомендуемая основная и дополнительная литература.

В разделе «Материально-техническое обеспечение дисциплины, программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы» содержится перечень профессиональных баз данных и информационных справочных систем, необходимых для освоения дисциплины.

5.2 Рекомендации обучающимся по работе с теоретическими материалами по дисциплине

При изучении и проработке теоретического материала необходимо:

- просмотреть еще раз презентацию лекции в системе MOODLe, повторить законспектированный на лекционном занятии материал и дополнить его с учетом рекомендованной дополнительной литературы;
- при самостоятельном изучении теоретической темы сделать конспект, используя рекомендованные в РПД источники, профессиональные базы данных и информационные справочные системы;
- ответить на вопросы для самостоятельной работы, по теме представленные в пункте 3.2 РПД.
- при подготовке к текущему контролю использовать материалы фонда оценочных средств (ФОС).

5.3 Рекомендации по работе с научной и учебной литературой

Работа с основной и дополнительной литературой является главной формой самостоятельной работы и необходима при подготовке к устному опросу на семинарских занятиях, к дебатам, тестированию, экзамену. Она включает проработку лекционного материала и рекомендованных источников и литературы по тематике лекций.

Конспект лекции должен содержать реферативную запись основных вопросов лекции, в том числе с опорой на размещенные в системе MOODLe презентации, основных источников и литературы по темам, выводы по каждому вопросу. Конспект может быть выполнен в рамках распечатки выдачи презентаций лекций или в отдельной тетради по предмету. Он должен быть аккуратным, хорошо читаемым, не содержать не относящуюся к теме информацию или рисунки.

Конспекты научной литературы при самостоятельной подготовке к занятиям должны содержать ответы на каждый поставленный в теме вопрос, иметь ссылку на источник информации с обязательным указанием автора, названия и года издания используемой научной литературы. Конспект может быть опорным (содержать лишь основные ключевые позиции), но при этом позволяющим дать полный ответ по вопросу, может быть подробным. Объем конспекта определяется самим студентом.

В процессе работы с основной и дополнительной литературой студент может:

- делать записи по ходу чтения в виде простого или развернутого плана (создавать перечень основных вопросов, рассмотренных в источнике);
- составлять тезисы (цитирование наиболее важных мест статьи или монографии, короткое изложение основных мыслей автора);
- готовить аннотации (краткое обобщение основных вопросов работы);
- создавать конспекты (развернутые тезисы).

5.4. Рекомендации по подготовке к отдельным заданиям текущего контроля

Собеседование предполагает организацию беседы преподавателя со студентами по вопросам практического занятия с целью более обстоятельного выявления их знаний по определенному разделу, теме, проблеме и т.п. Все члены группы могут участвовать в обсуждении, добавлять информацию, дискутировать, задавать вопросы и т.д.

Устный опрос может применяться в различных формах: фронтальный, индивидуальный, комбинированный. Основные качества устного ответа подлежащего оценке:

- правильность ответа по содержанию;
- полнота и глубина ответа;
- сознательность ответа;
- логика изложения материала;
- рациональность использованных приемов и способов решения поставленной учебной задачи;
- своевременность и эффективность использования наглядных пособий и технических средств при ответе;
- использование дополнительного материала;
- рациональность использования времени, отведенного на задание.

Устный опрос может сопровождаться презентацией, которая подготавливается по одному из вопросов практического занятия. При выступлении с презентацией необходимо обращать внимание на такие моменты как:

- содержание презентации: актуальность темы, полнота ее раскрытия, смысловое содержание, соответствие заявленной темы содержанию, соответствие методическим требованиям (цели, ссылки на ресурсы, соответствие содержания и литературы), практическая направленность, соответствие содержания заявленной форме, адекватность использования технических средств учебным задачам, последовательность и логичность презентуемого материала;
- оформление презентации: объем (оптимальное количество), дизайн (читаемость, наличие и соответствие графики и анимации, звуковое оформление, структурирование информации, соответствие заявленным требованиям), оригинальность оформления, эстетика, использование возможности программной среды, соответствие стандартам оформления;

- личностные качества: ораторские способности, соблюдение регламента, эмоциональность, умение ответить на вопросы, систематизированные, глубокие и полные знания по всем разделам программы;
- содержание выступления: логичность изложения материала, раскрытие темы, доступность изложения, эффективность применения средств ИКТ, способы и условия достижения результативности и эффективности для выполнения задач своей профессиональной или учебной деятельности, доказательность принимаемых решений, умение аргументировать свои заключения, выводы.

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

6.1 Основная литература:

1. Хеннер В.К., Белозерова Т.С., Хеннер М.В. Обыкновенные дифференциальные уравнения, вариационное исчисление, основы специальных функций и интегральных уравнений : учеб. пособие. - Санкт-Петербург, Москва, Краснодар: Лань, 2017. - 318 с.
2. Васильева А.Б., Медведев Г.Н., Тихонов Н.А., Уразгильдина Т.А. Дифференциальные и интегральные уравнения, вариационное исчисление в примерах и задачах : учеб. пособие. - изд. 3-е, испр.. - СПб. [и др.]: Лань, 2010. - 429 с.
3. Моклячук, М. П. Вариационное исчисление. Экстремальные задачи : учебник. - 2023-02-12; Вариационное исчисление. Экстремальные задачи. - Москва, Ижевск: Регулярная и хаотическая динамика, Институт компьютерных исследований, 2019. - 428 с. - Текст : электронный // IPR BOOKS [сайт]. - URL: <http://www.iprbookshop.ru/91913.html>
4. Болдырев Ю. Я. Вариационное исчисление и методы оптимизации : Учебное пособие для вузов. - Москва: Юрайт, 2020. - 240 с. - Текст : электронный // ЭБС «ЮРАЙТ» [сайт]. - URL: <https://urait.ru/bcode/453455>
5. Бренерман, М. Х., Жихарев, В. А. Вариационное исчисление : учебное пособие. - 2022-01-18; Вариационное исчисление. - Казань: Казанский национальный исследовательский технологический университет, 2017. - 148 с. - Текст : электронный // IPR BOOKS [сайт]. - URL: <http://www.iprbookshop.ru/79275.html>

6.2 Дополнительная литература:

1. Эльсгольц Л.Э. Дифференциальные уравнения и вариационное исчисление : Учебник. - 5-е изд.. - М.: Едиториал УРСС, 2002. - 319 с.
2. Цлаф Л. Я. Вариационное исчисление и интегральные уравнения : практическое пособие. - Москва: б.и., 1966. - 176 с. - Текст : электронный // ЭБС «Университетская библиотека онлайн» [сайт]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=222234>
3. Гельфанд И. М. Вариационное исчисление : монография. - Москва: Государственное издательство физико-математической литературы, 1961. - 230 с. - Текст : электронный // ЭБС «Университетская библиотека онлайн» [сайт]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=473747>
4. Краснов М.Л., Макаренко Г.И., Киселев А.И. Вариационное исчисление : Задачи и примеры с подробными решениями : Учеб. пособие. - 2-е изд., испр.. - М.: Едиториал УРСС, 2002. - 166 с.

6.3 Иные источники:

1. Научная электронная библиотека Российской академии естествознания - www.monographies.ru

7. Материально-техническое обеспечение дисциплины, программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Для проведения занятий по дисциплине необходимо следующее материально-техническое обеспечение: учебные аудитории для проведения занятий лекционного и семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, помещения для самостоятельной работы.

Учебные аудитории и помещения для самостоятельной работы укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории.

Помещения для самостоятельной работы укомплектованы компьютерной техникой с возможностью подключения к сети "Интернет" и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду Университета.

Для проведения занятий лекционного типа используются наборы демонстрационного оборудования, обеспечивающие тематические иллюстрации (проектор, ноутбук, экран/ интерактивная доска).

Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:

LibreOffice

Операционная система "Альт Образование"

Microsoft Windows 10

Microsoft Office Профессиональный плюс 2007

Профессиональные базы данных и информационные справочные системы:

1. Российская государственная библиотека. – URL: <https://www.rsl.ru>
2. Российская национальная библиотека. – URL: <http://nlr.ru>
3. Президентская библиотека имени Б.Н. Ельцина. – URL: <https://www.prilib.ru>

Электронная информационно-образовательная среда

https://auth.tsutmb.ru/authorize?response_type=code&client_id=moodle&state=xyz

Взаимодействие преподавателя и студента в процессе обучения осуществляется посредством мультимедийных, гипертекстовых, сетевых, телекоммуникационных технологий, используемых в электронной информационно-образовательной среде университета.